

LÍMITES DE FUNCIONES IRRACIONALES

a) Indeterminaciones 0/0 y $\infty-\infty$

La indeterminación 0/0 y $\infty-\infty$ de funciones con radicales desaparece multiplicando y dividiendo la función por la expresión radical conjugada

Ejemplo:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{2 - \sqrt{x+4}} = \frac{0}{0}$$

Indeterminación

Se multiplica y divide la función por la expresión conjugada del denominador.

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{2 - \sqrt{x+4}} &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(2 + \sqrt{x+4})}{(2 - \sqrt{x+4})(2 + \sqrt{x+4})} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(2 + \sqrt{x+4})}{4 - (x+4)} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(2 + \sqrt{x+4})}{-x} = \lim_{x \rightarrow 0} -(2 + \sqrt{x+4}) = -4 \end{aligned}$$

b) Indeterminación $\frac{\infty}{\infty}$

La indeterminación $\frac{\infty}{\infty}$ de funciones con radicales desaparece dividiendo numerador y denominador por la potencia máxima.

Ejemplo:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{9x^2 + x - 2}}{x} = \frac{\infty}{\infty}$$

Indeterminación

Se divide el numerador y el denominador por x (Fíjate que al introducirlo dentro de la raíz queda elevado al cuadrado)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{9x^2 + x - 2}}{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{\frac{9x^2}{x^2} + \frac{x}{x^2} - \frac{2}{x^2}}}{\frac{x}{x}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{9 + \frac{1}{x} - \frac{2}{x^2}}}{1} = 3$$